

اصول کامپیوتر ۱

مبانی کامپیوتر و برنامه‌سازی

«جلسه‌ی هفدهم»

دانشکده‌ی علوم ریاضی - دانشگاه شهید بهشتی

نیم‌سال اول ۹۰-۱۳۸۹

مدرس: سید علی کتان‌فروش

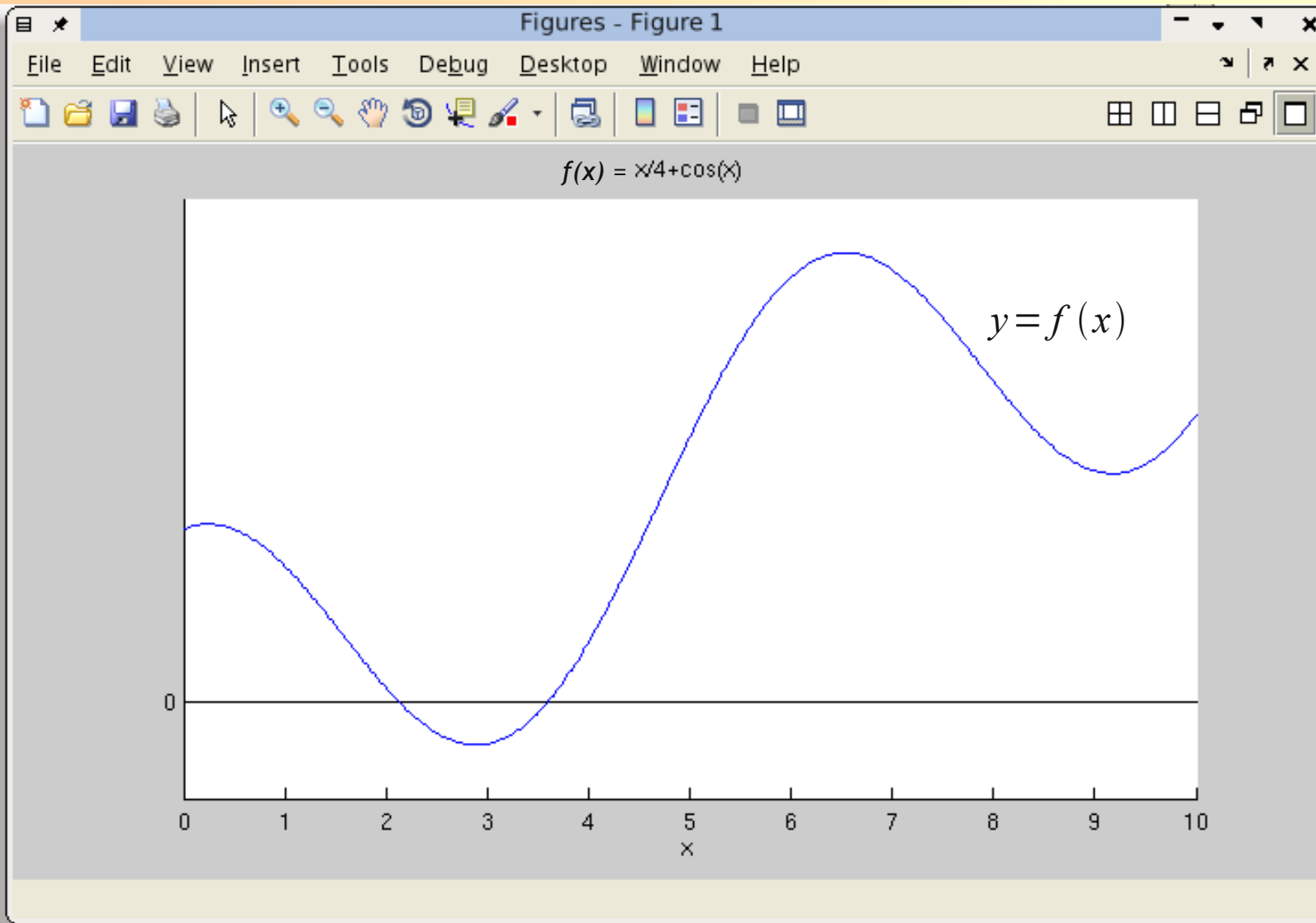
تعریف توابع در C/C++

- ◆ تابع در زبان برنامه‌نویسی C/C++، زیربرنامه‌ای است که در آن الگوریتمی مستقل از دیگر بخش‌های برنامه، پیاده‌سازی شده است.
- ◆ الگوریتم یک تابع اصولاً، به ازای یک یا چند متغیر پارامتر تعریف می‌شود.
- ◆ اساساً می‌بایست بین توابع ریاضی و توابع برنامه‌نویسی تمایز قائل شوید. هرچند معمولاً می‌توان توابع ریاضی را در قالب یک تابع برنامه‌نویسی تعریف کرد.

تعریف توابع در C/C++

برای تعریف یک تابع جدید در برنامه، نکات زیر را باید مورد توجه قرار دهید.

- ◆ شناسه‌ی تابع (Function identifier).
- ◆ پارامترها یا آرگومان‌های تابع (Function arguments).
- ◆ نوع مقدار بازگشتی تابع.



تعریف توابع در C/C++

مثال ۱. تابع ریاضی $f(x) = x/4 + \cos(x)$ را در قالب یک تابع برنامه‌نویسی پیاده‌سازی کنید.

- ◆ شناسه‌ی تابع: `f`
- ◆ آرگومان تابع: `x` از نوع اعداد اعشاری `double`
- ◆ نوع مقدار بازگشتی تابع: عدد اعشاری `double`

```
double f ( double x ) {  
    return x/4 + cos (x) ;  
}
```

◆ برای رسم منحنی توابع، نیاز به دستورات گرافیکی مثل رسم نقطه و پاره‌خط داریم که متأسفانه چنین دستوراتی به طور استاندارد در زبان C/C++ وجود ندارند.

◆ با این حال، برنامه‌هایی که منحنی یک تابع ریاضی را ترسیم می‌کنند در واقع تابع را به ازای تعداد زیادی از مقادیر متغیر که بر روی محور x فاصله‌ی کمی از یکدیگر دارند محاسبه می‌کنند و نقاط بدست آمده را با پاره‌خط‌های کوتاه به یکدیگر متصل می‌کنند.

◆ به جای ترسیم پاره‌خط و به عنوان تمرین، برنامه‌ای بنویسید که مختصات نقاط واقع بر منحنی تابع را چاپ کند.

```
#include <iostream>
#include <cmath>
using namespace std;
double f ( double x ) {
    return x/4 + cos(x);
}
```

```
int main() {
    double x;
    for(x=0;x<=10;x+=0.01) {
        double y = f(x);
        cout << "(" << x << ", " << y << ")"
            << endl;
    }
    return 0;
}
```

هر تابع، خارج از تعریف توابع
دیگر برنامه تعریف می‌شود.

```

#include <iostream>
#include <cmath>
using namespace std;

double f ( double x ) {
    return x/4 + cos(x);
}

int main() {
    double x;
    for (x=0;x<=10;x+=0.05)
        double y = f(x);
        cout << "(" << x << ", " << y << ")"
            << endl;
    }
    return 0;
}

```

اعلان تابع

بدنه‌ی تابع

فراخوانی تابع

شناسه‌ی تابع

Function identifier

- ◆ کلمه‌ای که برای نامگذاری تابع انتخاب می‌کنید باید با قواعد تعریف شناسه در زبان C/C++ موافق باشد؛ یعنی نباید از کلمات کلیدی زبان C/C++ باشد و نباید در حوزه‌ی تعریف آن، شناسه‌ی همنام دیگری وجود داشته باشد.
- ◆ همانند متغیرها، شناسه‌ی یک تابع می‌تواند ترکیبی از حروف الفبای انگلیسی و ارقام باشد ولی نباید با رقم شروع شود.
به عنوان مثال، `f`، `log10` و `str2num` می‌توانند برای نامگذاری یک تابع مورد استفاده قرار گیرند. اما تعریف تابعی با نام `double` در برنامه‌ی زبان C/C++ مجاز نیست.

آرگومان‌های تابع Function arguments

- ◆ متغیری که به عنوان آرگومان (پارامتر) در اعلان تابع بکار گرفته می‌شود را اصطلاحاً پارامتر صوری (formal parameter) می‌گوئیم.
- ◆ مقدار ثابت، متغیر یا عبارتی که تابع به ازای آن فراخوانی می‌شود را اصطلاحاً پارامتر واقعی (actual parameter) می‌گوئیم.

```
#include <iostream>
#include <cmath>
using namespace std;

double f ( double x ) {
    return x/4 + cos(x) ;
}

int main() {
    double x;
    for (x=0;x<=10;x+=0.5)
        double y = f(x) ;
        cout << "(" << x << ", " << y << ")"
            << endl;
    }
    return 0;
}
```

پارامتر صوری

پارامتر واقعی

ضرورتاً لازم نیست نام پارامتر صوری و پارامتر واقعی یکسان باشد.

```
double f ( double x ) {  
    return x/4 + cos (x) ;  
}  
  
int main() {  
    double t;  
    for (t=0;t<=10;t+=0.01) {  
        double y = f(t);  
        cout << "(" << t << "," << y << ")"  
            << endl;  
    }  
    ....  
}
```

مثال ۲. تابع فاکتوریل.

◆ شناسه‌ی تابع: `fact`

◆ آرگومان تابع: `n` از نوع عدد صحیح `int`

◆ نوع مقدار بازگشتی: عدد صحیح `int`

```
int fact ( int n ) {  
    int f = 1;  
    int i;  
    for ( i = 1; i<=n; i++ )  
        f * = i;  
    return f;  
}
```

متغیرهای محلی Local variables

- ◆ اصطلاحاً به متغیرهایی که در بدنه‌ی تعریف یک تابع، تعریف می‌شوند متغیر محلی یا متغیر موضعی می‌گویند.

```
int fact ( int n ) {  
    int f = 1;  
    int i;  
    for ( i = 1; i<=n; i++ )  
        f * = i;  
    return f;  
}
```

متغیرهای f و i متغیرهای محلی تابع $fact$ هستند.

متغیرهای محلی Local variables

```
int fact ( int n ) {  
    int f = 1;  
    int i;  
    for( i=1; i<=n; i++ )  
        f * = i;  
    return f;  
}  
int main ( ) {  
    double f;  
    int i = 5;  
    cout << fact(i) ;  
    .....  
}
```

حوزهی اعتبار متغیرهای محلی و امکان دسترسی به آنها، تنها به بدنهی تعریف همان تابع محدود است.

از این رو، بین متغیرهای محلی همنام در توابع مختلف، هیچ نوع تعارضی پدید نمی‌آید.

استفاده از توابع جدید تعریف شده در تعریف دیگر توابع

مثال ۳. تابعی برای محاسبه $\binom{n}{k}$.

◆ شناسه‌ی تابع: `nchoosek`

◆ آرگومان تابع: `n` و `k` هر دو از نوع عدد صحیح `int`

◆ نوع مقدار بازگشتی: عدد صحیح `int`

```
int nchoosek ( int n, int k ) {  
    return fact(n) / (fact(k) * fact(n-k)) ;  
}
```

◆ برای فراخوانی تابع `fact` از داخل تابع `nchoosek` لازم است

تابع `fact` پیش از تابع `nchoosek`، تعریف شده باشد.

مثال ۴. تابعی برای محاسبه‌ی ماکزیمم دو عدد صحیح.

◆ شناسه‌ی تابع: `max`

◆ آرگومان تابع: `x` و `y` هر دو از نوع `int`

◆ نوع مقدار بازگشتی: عدد صحیح `int`

```
int max ( int x, int y ) {  
    if ( x > y )  
        return x;  
    else  
        return y;  
}
```

راه حل ۱

مثال ۴. تابعی برای محاسبه‌ی ماکزیمم دو عدد صحیح.

- فراموش نکنید که روال اجرای برنامه با رسیدن به دستور `return`، از تابع به برنامه‌ی فراخواننده جهش می‌کند و به نقطه‌ای که تابع در آن فراخوانی شده است بازمی‌گردد.
- البته، ضمن این کار مقدار بازگشتی تابع را نیز به برنامه‌ی اصلی می‌برد.

```
int max ( int x, int y ) {  
    if ( x > y )  
        return x;  
    return y;  
}
```

راه حل ۲

مثال ۴. تابعی برای محاسبه‌ی ماکزیمم دو عدد صحیح.

- با این حال بهتر است تنها از یک دستور `return` در تابع استفاده کنیم آن هم در آخرین خط از دستورات داخل تابع.
- این شیوه‌ای مطمئن‌تر برای برنامه‌نویسی توابع، بدون اشتباهات ناخواسته در پیاده‌سازی الگوریتم است.

```
int max ( int x, int y ) {  
    int r;  
    if ( x > y )  
        r = x;  
    else  
        r = y;  
    return r;  
}
```

راه حل ۳

مقدار بازگشتی Return value

- ◆ توابع بر حسب اینکه مقداری را (به عنوان نتیجه‌ی محاسبات) به برنامه‌ی فراخواننده گزارش می‌کنند یا نه، به دو دسته تقسیم می‌شوند.
- ◆ در اعلان توابعی که مقدار بازگشتی دارند نوع مقدار بازگشتی می‌بایست به طور صریح پیش از شناسه‌ی تابع نوشته شود و علاوه بر آن دست کم یک دستور `return` در روال اجرای دستورات درون بدنه‌ی تابع وجود داشته باشد.
- ◆ نوع داده‌ای مقداری که توسط دستور `return` گزارش می‌شود یا باید با نوع مقدار بازگشتی تصریح شده در اعلان تابع برابر باشد یا قابل تبدیل به آن باشد.

مثال ۵. تابعی که شکل بزرگ حرف داده شده را گزارش کند.

```
char upperCase ( char c ) {  
    return c + 'A' - 'a';  
}
```

اگر C از حروف کوچک الفبای انگلیسی
نباشد کاراکتری بیربط گزارش می‌شود.

```
char upperCase ( char c ) {  
    if ( 'a' <= c && c <= 'z' )  
        return c + 'A' - 'a';  
}
```

اگر C از حروف کوچک الفبای انگلیسی
نباشد هیچ مقداری گزارش نمی‌شود <=

```
char upperCase ( char c ) {  
    if ( 'a' <= c && c <= 'z' )  
        c = c + 'A' - 'a';  
    return c;  
}
```

تابع بدون مقدار بازگشتی void function

- ◆ برای بسیاری از توابع، آنچه مهم است عملیاتی است که با فراخوانی تابع به انجام می‌رسد و منطقاً تابع بدون مقدار بازگشتی است.
- ◆ با استفاده از کلمه کلیدی `void` به جای نوع مقدار بازگشتی می‌توانید توابعی بدون مقدار بازگشتی در زبان C/C++ تعریف کنید.

تابع بدون مقدار بازگشتی void function

مثال ۶. تابعی که دو عدد داده شده را به شکل زوج مرتب چاپ می‌کند.

```
void printPair ( int a, int b ) {  
    cout << '(' << a  
        << ',' << b << ')';  
}
```

تابع بدون مقدار بازگشتی void function

مثال ۷. تابعی که تاریخ را به صورت روز/ماه/سال چاپ کند.

```
void printDate( int d, int m, int y )  
{  
    cout << y << '/' << m << '/' << d;  
}
```


مثال ۷. تابعی که تاریخ را به صورت روز#ماه#سال چاپ کند.
فرض کنید علامت جداکننده (#)، نیز به عنوان پارامتر به تابع داده می‌شود.

```
void printDate( int d, int m, int y,  
               char delim )  
{  
    cout << y << delim  
         << m << delim << d;  
}
```

نمونه‌هایی از فراخوانی این تابع.

```
printDate(29, 12, 1389, '/' );  
printDate(31, 12, 2010, '-' );
```

Function arguments

آرگومان‌های تابع

◆ در اعلان تابع، نوع داده‌ای باید برای هر یک از آرگومان‌های تابع به طور جداگانه تصریح شود.

به عنوان مثال، تعریف زیر از نظر نگارشی نادرست است.

```
void printDate( int d, m, y, char delim )
```

◆ در فراخوانی تابع، تعداد، ترتیب و نوع پارامترهای واقعی باید مطابق با تعداد، ترتیب و نوع پارامترهای صوری در اعلان تابع باشد.
به عنوان مثال، فراخوانی‌های زیر نادرست‌اند.

```
printDate (29, 12) ;
```

```
printDate (1389, 12, 29, ' / ' ) ;
```

```
printDate (31, 12, 2010, "-") ;
```

توابع بدون پارامتر parameterless functions

مثال ۸. تابعی که توضیحاتی درباره‌ی برنامه چاپ می‌کند.

```
void printAbout( ) {  
    cout << "MasterMind version 2.0" << endl;  
    cout << endl;  
    cout << "(C) 2010, John Smith" << endl;  
    cout << "Email bug reports to  
johnsmith@abc.com" << endl;  
    cout << endl;  
}
```

توابع بدون پارامتر parameterless functions

◆ در زبان C/C++، برای فراخوانی توابع می‌بایست لیست پارامترها پس از نام تابع، بین علامت (و) نوشته شود. این قاعده حتی برای فراخوانی توابع بدون پارامتر نیز باید رعایت شود؛ یعنی یک جفت علامت (و) خالی جلوی نام تابع نوشته شود.

```
int main( ) {  
    ....  
    printAbout;    // Error  
    printAbout(); // OK  
    ....  
}
```

توابع بدون پارامتر parameterless functions

تابع مولد اعداد تصادفی. `int rand();`

◆ این تابع هیچ پارامتر ورودی ندارد اما با هر فراخوانی آن، یک عدد صحیح تصادفی گزارش می‌شود.

◆ محدوده‌ی اعداد تولید شده توسط این تابع از 0 تا `RAND_MAX-1` است.

◆ تابع `rand()` و ثابت `RAND_MAX` در کتابخانه‌ی `cstdlib` تعریف شده‌اند.

درباره‌ی تابع مولد اعداد تصادفی

- ◆ کامپیوترهایی که امروزه ما از آنها استفاده می‌کنیم همچنان در رده‌ای از ماشین‌های محاسبه قرار می‌گیرند که تمامی محاسبات در آنها به صورت کاملاً تعیناً (deterministic) انجام می‌شود.
- ◆ از این رو، جای سؤال است که چگونه ممکن است بتوان تابعی داشت که هر فراخوانی آن، نتیجه‌ی متفاوتی بدست آورد.
- ◆ در واقع، برنامه‌ای که به مفهوم دقیق ریاضی، اعداد تصادفی تولید کند نمی‌تواند بر روی این کامپیوترها وجود داشته باشد.

درباره‌ی تابع مولد اعداد تصادفی

- ◆ توابعی مثل تابع () rand در زبان C، دنباله‌ای از اعداد تولید می‌کنند که با اینکه در ظاهر تصادفی به نظر می‌رسند اما در واقع، دنباله‌ای قانونمند از اعدادند. چنین اعدادی را اصطلاحاً اعداد شبه تصادفی و تابع مولد آنها را تابع مولد اعداد شبه تصادفی نامیده می‌شوند.

```
int main( ) {  
    while(true)  
        cout << rand() << " ";  
    return 0;  
}
```

درباره‌ی تابع مولد اعداد تصادفی

```
File Edit View Scrollback Bookmarks Settings Help
087 42394625 780624169 1056975347 688189004 1839443114 264840222 539494730 1819419794 716470637 12221948
12 1638648563 766968804 1080642466 635278780 167662703 715698178 2134891624 433549979 759728983 11042048
379 727862520 1047032224 275499839 387931197 160269085 696610379 578528229 358111464 664767819 620922854
3 1721743166 1309111858 830695099 1986583389 1848606588 502631245 555570378 1970826072 69219210 46735294
1149861676 682014074 757973932 1865559854 669422051 1191523911 477805189 1773626875 837830642 120566770
1 1113330482 1593598906 833444537 1809940861 24643487 1191556001 327225032 645566342 182807987 204896819
00 1013503086 1888067940 1655801141 1516134332 296154670 1479143565 1585353542 342889964 2069454793 5877
904039 679945077 305807777 1694326090 1871468989 783612966 1320469317 561815983 1989280676 1993644769 16
435395934 679605658 1337603679 1460039422 1871161659 1664828711 2105605764 2053969646 1566313262 19128003
85 1306897554 1421117809 288639769 1603052225 752777726 1873993311 1945942189 674748872 314241233 823362
3949 620049010 370205022 1078679290 1403661977 1690674340 1640495274 1245459005 1536835461 1168158091 53
957471 358278122 1993410713 1940119130 2023106834 1951532829 1846605129 1441936448 1716849498 619110566
990483659 907750335 56918932 1743261386 634259998 2002861121 270526610 948501231 678740054 1625220559 15
048945076 556416202 824728571 592135768 49427828 2070187576 2128971229 1217585919 456075219 50445052 157
2002285 1990564183 1451487228 106051466 1689685664 745940028 1822900964 161312582 1347290383 665900976 1
1404209315 261678714 1703322915 1259586789 532205324 504340498 1938326843 9942235 2072890740 839788271 5
50135663 1431924040 615786265 672839591 1413411621 1833372185 1128914811 1463856674 1261752579 1430917096
9 565756159 1536968562 849139225 1311696187 1212385879 1010451807 511502923 1878286855 2079514724 191571
65569 1635353991 1027815379 524687245 2139694489 818658574 534629480 2065101582 1658446846 1100987918 66
2887238 1716774183 1340593189 208815211 1402662720 322024352 1672671885 516931651 1752941448 832125446 1
1142426362 1681264671 246900350 207328593 544232830 758403273 2085615448 476263906 526631863 2078097369
1554447243 455300966 2103828739 225622169 989930447 2021446673 1884069015 2090918365 541716622 679472605
0 1882309811 888287817 915387973 56850515 413476054 1432319624 1809791963 1245601501 367523787 804734678
614424137 1012063271 1323615355 1372827410 950195072 1799879261 1899459273 880808793 1764013511 1306422
9760 1720358602 1532045038 178556559 1594321627 1268630405 121991276 2136038249 1948103011 1782200176 18
88907180 550104501 1927714928 1102383234 1982424126 1590023244 200501087 202464265 247274274 979883612 8
259337545 156015319 42232164 62048969 1955894580 1941691437 942857763 1572424443 1100630658 131483875 11
85192048 310040434 592137376 1753822453 432031710 580691978 1554441816 66748238 304072743 95865348 61685
023 1198248583 451793218 1674327267 1398749670 654257483 1921601541 231149634 1471145885 1033455439 3871
378049 1095504408 195575886 1307585838 2038362171 1768000329 260732848 22362398 765816079 745924896 3324
953455 352263702 764434542 1938645433 1906705518 831182781 95234528 2002570867 1448035521 179538552 1053
workspace : bash
```


درباره‌ی تابع مولد اعداد تصادفی

مثال ۹. تابعی که اعداد اعشاری تصادفی در بازه‌ی $[0,1)$ تولید کند.

```
double random( ) {  
    return double(rand()) / RAND_MAX;  
}
```

درباره‌ی تابع مولد اعداد تصادفی

مثال ۱۰. تابعی که پرتاب‌های یک تاس را شبیه‌سازی می‌کند؛ یعنی هر فراخوانی آن، یک عدد از بین اعداد صحیح ۱ تا ۶ را به طور تصادفی گزارش می‌کند.

```
int toss( ) {  
    return 6*random()+1;  
}
```

راه حل ۱

```
int toss( ) {  
    return rand()%6 + 1;  
}
```

راه حل ۲

درباره‌ی تابع مولد اعداد تصادفی

مثال ۱۱. تابعی که با هر فراخوانی آن، یک عدد از بین اعداد صحیح a تا b به طور تصادفی گزارش می‌شود.

```
int myRand( int a, int b ) {  
    return (b-a+1)*random()+a;  
}
```

راه حل ۱

```
int myRand( int a, int b ) {  
    return rand()%(b-a+1) + a;  
}
```

راه حل ۲

درباره‌ی تابع مولد اعداد تصادفی

مثال ۱۲. تابعی که با هر فراخوانی آن، یک عدد اعشاری از بازه‌ی $[a, b)$ به طور تصادفی گزارش می‌شود.

```
double urand( double a, double b ) {  
    return (b-a)*random()+a;  
}
```